

Der Endwert von nachschüssigen, vorschüssigen, mittelschüssigen und aufgeschobenen Renten

$n := 2$ Laufzeit der Rente in Jahren
 $m := 12$ Anzahl der Rentenzahlungen pro Jahr
 $nr := 1..m \cdot n$ Index der Rentenzahlungen

$R := \begin{pmatrix} 100 \\ 100 \end{pmatrix}$ Rentenzahlungen

ORIGIN ≡ 1

$m \cdot n = 24$ Anzahl der einzugebenden Rentenzahlungen
 $\text{länge}(R) = 24$ Anzahl der eingegebenen Rentenzahlungen
 $\frac{1}{m} = 0.083$ Zeitlicher Aufstand zwischen zwei Zahlungen (Zahlungsperiode) in Jahren
 $t := \frac{1}{m}, \frac{2}{m} .. n$ Zeitpunkte der Zahlungen
 $i := 10\%$ Jahreszinssatz
 $\frac{i}{m} = 0.833\cdot\%$ Periodenkonformer Zinssatz

Der Endwert von nachschüssigen, vorschüssigen, mittelschüssigen und aufgeschobenen Renten

$$EW_1 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \left(1 + \frac{i}{m} \right)^{(m \cdot n - nr)} \right] = 2644.69$$

Endwert der nachschüssigen Rente bei periodenkonformer Aufzinsung

$$EW_2 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot (1 + i)^{\left(\frac{nr}{m} \right)} \right] = 2633.51$$

Endwert der nachschüssigen Rente bei unterjähriger exponentieller Aufzinsung

$$EW_3 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot \left(1 + \frac{i}{m} \right)^{(m \cdot n - nr + 1)} \right] = 2666.73$$

Endwert der vorschüssigen Rente bei periodenkonformer Aufzinsung

$$EW_4 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot (1 + i)^{\left(\frac{nr}{m} + \frac{1}{m} \right)} \right] = 2654.51$$

Endwert der vorschüssigen Rente bei unterjähriger exponentieller Aufzinsung

$$EW_5 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot \left(1 + \frac{i}{m} \right)^{(m \cdot n - nr + 0.5)} \right] = 2655.69$$

Endwert der mittelschüssigen Rente bei periodenkonformer Aufzinsung

$$EW_6 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot (1 + i)^{\left(\frac{nr}{m} + \frac{0.5}{m} \right)} \right] = 2643.99$$

Endwert der mittelschüssigen Rente bei unterjähriger exponentieller Aufzinsung

$$v := 5$$

Aufschub der Rente in Jahren

$$EW_7 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot \left(1 + \frac{i}{m} \right)^{(m \cdot n + m \cdot v - m \cdot v - nr)} \right] = 2644.69$$

Endwert der aufgeschobenen nachschüssigen Rente bei periodenkonformer Aufzinsung

$$EW_8 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot (1 + i)^{\left(n + v - v - \frac{nr}{m} \right)} \right] = 2633.51$$

Endwert der aufgeschobenen nachschüssigen Rente bei unterjähriger exponentieller Aufzinsung

$$EW_9 := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot \left(1 + \frac{i}{m} \right)^{(m \cdot n + m \cdot v - m \cdot v - nr + 1)} \right] = 2666.73$$

Endwert der aufgeschobenen vorschüssigen Rente bei periodenkonformer Aufzinsung

$$EW_{10} := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot (1 + i)^{\left(n - \frac{nr}{m} + \frac{1}{m} + v - v \right)} \right] = 2654.51$$

Endwert der aufgeschobenen vorschüssigen Rente bei unterjähriger exponentieller Aufzinsung

$$EW_{11} := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot \left(1 + \frac{i}{m} \right)^{(m \cdot n - nr + 0.5 + m \cdot v - m \cdot v)} \right] = 2655.69$$

Endwert der aufgeschobenen mittelschüssigen Rente bei periodenkonformer Aufzinsung

$$EW_{12} := \sum_{nr=1}^{m \cdot n} \left[R_{nr} \cdot (1 + i)^{\left(n - \frac{nr}{m} + \frac{0.5}{m} + v - v \right)} \right] = 2643.99$$

Endwert der aufgeschobenen mittelschüssigen Rente bei unterjähriger exponentieller Aufzinsung